मुद्रित पृछों की संख्या : 8

अनुक्रमांक

नाम

131

324(AX)

2023

गणित

समय : तीन घण्टे 15 मिनट]

पूर्णांक : 100

नोट : प्रारम्भ के 15 मिनट परीक्षार्थियों को प्रश्नपत्र पढ़ने के लिए निर्धारित हैं ।

Note: First 15 minutes are allotted for the candidates to read the question paper.

निर्देश: i) इस प्रश्नपत्र में कुल नौ प्रश्न हैं। .

- ii) सभी प्रश्न अनिवार्य हैं।
- iii) प्रत्येक प्रश्न के प्रारम्भ में स्पष्टतः लिख दिया गया है कि उसके कितने खण्ड हल करने हैं।
- iv) प्रश्नों के अंक उनके सम्मुख अंकित हैं।
- v) प्रथम प्रश्न से आरम्भ कीजिए और अन्त तक करते जाइए।
- vi) जो प्रश्न न आता हो, उस पर समय नष्ट मत कीजिए।

Instructions:

- i) There are in all nine questions in this question paper.
- ii) All questions are compulsory.
- iii) In the beginning of each question, the number of parts to be attempted are clearly mentioned.
- iv) Marks allotted to the questions are indicated against them.
- v) Start solving from the first question and proceed to solve till the last one.
- vi) Do not waste your time over a question which you cannot solve.



	324(AX	()									
	1. निम्नलिखित सभी खण्डों को हल कीजिए : सही विकल्प चुनकर अपनी उत्तर पुस्तिका में लिखिए : क) अवकल समीकरण $\frac{\mathrm{d}^2 y}{\mathrm{d}x^2} = \left(y + \frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x}\right)^{\frac{1}{5}}$ का घात होगा										
		i)	2		ii)	5					
		iii)	1		iv)	1 5	•				
	ख)	निम्न	लिखित में से ∫cos²	² xdx काम	ान होगा						
		i)	$\frac{x}{2} + \frac{1}{4}\sin 2x + 6$	c	ii)	$\frac{x}{4} - \frac{1}{2}\sin 2x + c$					
		iii)	$\cos^2 x - \sin^2 x$	c+c	iv)	$2\cos x \sin x + \frac{x}{2} + c$	1				
	ग)	सदिशो	$\hat{1}$ $2\hat{i} + \hat{j} + 3\hat{k}$ औ	\overline{x} $3\hat{i} - 2\hat{j}$	$+\hat{k}$ वे	ह बीच का कोण होगा					
		i)	90°		ii)	60°					
		iii)	30°		iv)	$\cos^{-1}\left(\frac{1}{14}\right)$	1				
	घ)	घ) यदि दो परिमित समुच्चयों A तथा B में अवयव क्रमशः m तथा n हों, तो A से E									
		सम्बन्धों की संख्या होगी									
		i)	2^{m+n}		ii)	2^{mn}					
		iii)	$m \times n$		iv)	m + n	1				
	ङ)	यदि A	$=\{1, 2, 3\}, B=\{2, 3\}$, 3, 4}, तो	निम्न में	से A से B में फलन होगा					
		• • •	{(1,2),(1,3)	5 (A) (B) (A)	(3, 3) }					
			{(1,3),(2,4)								
			{ (1, 3), (2, 2) { (1, 2), (2, 3)	, ,							
•	• • •			90 Hd 54 V.	•) }	1				
1.			ne parts of the f			•					
	Write the correct alternative of each part in your answer-book :										
						_ 1	ie/				

The degree of differential equation
$$\frac{d^2y}{dx^2} = \left(y + \frac{dy}{dx}\right)^{\frac{1}{5}}$$
 will be

i) 2

ii) 5

iii) 1

iv) $\frac{1}{5}$

The value of $\int \cos^2 x \, dx$ will be b)

$$\frac{x}{2} + \frac{1}{4} \sin 2x + c$$

ii)
$$\frac{x}{4} - \frac{1}{2} \sin 2x + c$$

iii)
$$\cos^2 x - \sin^2 x + c$$

$$\cos^2 x - \sin^2 x + c$$
 iv) $2\cos x \sin x + \frac{x}{2} + c$

c) The angle between the vectors $2\hat{i} + \hat{j} + 3\hat{k}$ and $3\hat{i} - 2\hat{j} + \hat{k}$ will be

iv)
$$\cos^{-1}\left(\frac{1}{14}\right)$$

d) If the numbers of elements of two finite sets A and B are m and n respectively, then total number of relations from A to B will be

i)
$$2^{m+n}$$

iii)
$$m \times n$$

iv)
$$m + n$$

If $A=\{1, 2, 3\}, B=\{2, 3, 4\}$ then the function from A to B will be e)

निम्नलिखित् सभीं खण्डों को हल कीजिए :

क) सिद्ध कीजिए कि फलन
$$f(x) = \begin{cases} x^3 - 3 & \text{यदि } x \le 2 \\ x^2 + 1 & \text{यदि } x > 2 \end{cases}$$
 पर संतत फलन है। 1

वक्रों के परिवार $y=a\sin(x+b)$ जिसमें a और b स्वेच्छ अचर हैं, का अवकल समीकरण को ज्ञात कीजिए।

सिद्ध कीजिए कि f(1)=f(2)=1 तथा x>2 के लिए f(x)=x-1 द्वारा परिभाषित फलन $f:N \to N$ आच्छादक तो है परन्तु एकैकी नहीं है।

घ) यदि
$$2P(A)=P(B)=rac{5}{13}$$
 और $P\Big(rac{A}{B}\Big)=rac{2}{5}$, तो $P(A \cup B)$ ज्ञात कीजिए।



324(AX)

2.	Do a	ill the pa	erts of	the f	ollowing .	$\int x^3 - 3$	if $x \le 2$	is continuous
	a)	Prove	that	the	function	$\int_{0}^{\infty} \left(x\right)^{2} \left(x^{2}+1\right)$	if $x > 2$	is continuous

Find the differential equation of the family of curves

- $y = a \sin(x + b)$, where a and b are arbitrary constants. b) Prove that the function $f: N \to N$ defined by f(x) = x-1, when x > 2
- and f(1)=f(2)=1 is onto but it is not one-one. c)
- If $2P(A)=P(B)=\frac{5}{13}$ and $P\left(\frac{A}{B}\right)=\frac{2}{5}$, then find $P(A \cup B)$. d)
- Solve the inequality 8x+4 < 7x+8. e)

निम्नलिखित सभी खण्डों. को हल कीजिए :

- बिन्दुओं (2, 5, 1) तथा (1, 4, 6) को मिलाने वाली रेखा पर उस बिन्दु के निर्देशांक ज्ञात कीजिए जो उस रेखा को 2 : 3 के अनुपात में अन्तः विभाजित करता है।
- ख) यदि $\vec{a}=3\hat{i}-\hat{j}+5\hat{k}$ और $\vec{b}=\hat{i}+2\hat{j}-\hat{k}$, तो उस त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए, जिसकी दो भुजाओं को \vec{a} और \vec{b} से प्रदर्शित किया गया है।
- ग) यदि $A = \begin{bmatrix} \cos\theta & \sin\theta \\ -\sin\theta & \cos\theta \end{bmatrix}$, तो सिद्ध कीजिए कि $A^3 = \begin{bmatrix} \cos 3\theta & \sin 3\theta \\ -\sin 3\theta & \cos 3\theta \end{bmatrix}$.
- पूर्णांकों 1 से 11 तक में से दो पूर्णांक यादृच्छया चुने जाते हैं। यदि उनका योग सम है, तो घ) प्रायिकता ज्ञात कीजिए कि दोनों पूर्णांक विषम हैं।

Do all the parts of the following:

- Find the coordinates of the point which divides the line joining the points (2, -5, 1) and (1, 4, -6) internally in the ratio 2:3.
- Find the area of the triangle whose two sides are represented by a b) and \vec{b} if $\vec{a} = 3\hat{i} - \hat{j} + 5\hat{k}$ and $\vec{b} = \hat{i} + 2\hat{j} - \hat{k}$.
- If $A = \begin{bmatrix} \cos \theta & \sin \theta \\ -\sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix}$, prove that $A^3 = \begin{bmatrix} \cos 3\theta & \sin 3\theta \\ -\sin 3\theta & \cos 3\theta \end{bmatrix}$. d)
- Two integers among 1 to 11 are selected at random. If their sum is even, then find the probability that both integers are odd.

निम्नर्लिखित **सभी** खण्डों को हल कीजिए :

- क) यदि $f:R\to R$, जहाँ $f(x)=\sin x$ और $g:R\to R$ जहाँ $g(x)=x^2$, तो f(x) तथा g(x) का परिसर ज्ञात कीजिए।
- ख) यदि $P(A) = \frac{1}{2}$, $P(B) = \frac{1}{3}$ तथा $P(A \cup B) = \frac{2}{3}$ हों, तो सिद्ध कीजिए कि घटनाएँ A तथा B स्वतंत्र हैं।
- ग) यदि $\vec{a}=2\hat{i}+2\hat{j}+3\hat{k}$, $\vec{b}=-\hat{i}+2\hat{j}+\hat{k}$ और $\vec{c}=3\hat{i}+\hat{j}$ इस प्रकार है कि $\vec{a}+\lambda\vec{b}$, \vec{c} पर लम्ब है, तो λ का मान ज्ञात कीजिए।
- घ) अवकल समीकरण (x-y)dy-(x+y)dx=0 को हल कीजिएं।
- 4. Do all the parts of the following:
 - a) If $f:R\to R$, where $f(x)=\sin x$ and $g:R\to R$, where $g(x)=x^2$, then find the range of f(x) and g(x).
 - b) If $P(A) = \frac{1}{2}$, $P(B) = \frac{1}{3}$ and $P(A \cup B) = \frac{2}{3}$, prove that the events A and B are independent.
 - c) If $\vec{a} = 2\hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$, $\vec{b} = -\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}$ and $\vec{c} = 3\hat{i} + \hat{j}$ are such that $\vec{a} + \lambda \vec{b}$ is perpendicular to \vec{c} , then find the value of λ .
 - d) Solve the differential equation (x-y)dy-(x+y)dx=0.
- निम्नलिखित सभी खण्डों को हल कीजिए :
 - क) सिद्ध कीजिए : $\begin{vmatrix} 1+a & 1 & 1 \\ 1 & 1+b & 1 \\ 1 & 1 & 1+c \end{vmatrix} = abc \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} + 1 \right).$ 5
 - ख) यदि $f(x)=x+\frac{1}{x}$, तो सिद्ध कीजिए कि $[f(x)]^3=f(x^3)+3f(\frac{1}{x})$. 5
 - ग) $\tan^{-1}\left(\frac{2x}{1-x^2}\right)$ का $\cos^{-1}\left(\frac{1-x^2}{1+x^2}\right)$ के सापेक्ष अवकल गुणांक ज्ञात कीजिए। 5
 - घ) बिन्दुओं $-2\hat{i}+6\hat{j}-6\hat{k}$, $-3\hat{i}+10\hat{j}-9\hat{k}$ और $-5\hat{i}-6\hat{j}-6\hat{k}$ से होकर जाने वाले समतल का समीकरण ज्ञात कीजिए।
 - ङ) वक्र $x^{2/3}+y^{2/3}=2$ के बिन्दु (1,1) पर अभिलम्ब का समीकरण ज्ञात कीजिए। 5

collegedunia India's largest Student Review Platform

5. Do all parts of the following:

a) Prove:
$$\begin{vmatrix} 1+a & 1 & 1 \\ 1 & 1+b & 1 \\ 1 & 1 & 1+c \end{vmatrix} = abc \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} + 1 \right).$$
 5

b) If
$$f(x)=x+\frac{1}{x}$$
, prove that $[f(x)]^3=f(x^3)+3f(\frac{1}{x})$.

c) Find the differential coefficient of $tan^{-1}\left(\frac{2x}{1-x^2}\right)$ with respect to

$$\cos^{-1}\left(\frac{1-x^2}{1+x^2}\right).$$

d) Find the equation to the plane passing through the points $-2\hat{i}+6\hat{j}-6\hat{k}$, $-3\hat{i}+10\hat{j}-9\hat{k}$ and $-5\hat{i}-6\hat{j}-6\hat{k}$.

Find the equation of normal at the point (1, 1) of the curve $x^{2/3} + y^{2/3} = 2$.

निम्निखित सभी खण्डों को हल कीजिए :

क) यदि दो पासे एक साथ फेंके जा रहे हैं, तो कम से कम एक 6 आने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए।

ख)
$$\int \frac{\sec^2 2x \, dx}{\left(\cot x - \tan x\right)^2}$$
का मान ज्ञात कीजिए।

म) अगर एक त्रिभुज की भुजाओं के मध्य बिन्दुओं के निर्देशांक (1, 5, -1), (0, 4, -2)
और (2, 3, 4) हैं, तो इसके शीघों के निर्देशांक ज्ञात कीजिए।
5

घ) र्रिं x²dx के यंगकल की सीमा के रूप में निश्चित समाकलन की सहायता से मान ज्ञात क्रिंडिंग्ड

ङ) रेख को $\vec{r} = (\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}) + \lambda(\hat{i} - \hat{j} + \hat{k})$ तथा $\vec{r} = (2\hat{i} - \hat{j} - \hat{k}) + \mu(2\hat{i} + \hat{j} + 2\hat{k})$ की क्रिक्ट दून दूरी ज्ञात की जिए।

6. Do all the parts of the following:

- a). If two dice are thrown together, then find the probability of getting at least one 6.
- b) Evaluate: $\int \frac{\sec^2 2x dx}{(\cot x \tan x)^2}$.
- c) If the coordinates of mid-points of the sides of a triangle are (1, 5, -1), (0, 4, -2) and (2, 3, 4) then find the coordinates of its vertices.
- d) Find the value of $\int_a^b x^2 dx$ with the help of definite integral as the limit of a sum. https://www.upboardonline.com
- Find the shortest distance between the lines $\vec{r} = (\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}) + \lambda(\hat{i} \hat{j} + \hat{k}) \text{ and } \vec{r} = (2\hat{i} \hat{j} \hat{k}) + \mu(2\hat{i} + \hat{j} + 2\hat{k}).$
- 7. निम्नलिखित में से किसी एक खण्ड को हल कीजिए :
 - क) समीकरण निकाय 3x-2y+3z=8, 2x+y-z=1 तथा 4x-3y+2z=4 को आव्यूह विधि से हल कीजिए।
 - ख) अवकल समीकरण $(\tan^{-1}y x) dy = (1 + y^2) dx$ को हल कीजिए। 8
- 7. Do any one part of the following:
 - a) Solve the following system of equations by matrix method: 3x-2y+3z=8, 2x+y-z=1 and 4x-3y+2z=4.
 - b) Solve the differential equation $(\tan^{-1} y x) dy = (1+y^2) dx$.
- 8. निम्नलिखित में से किसी एक खण्ड को हल कीजिए :
 - क) $\int_0^\pi \frac{x \sin x}{1 + \cos^2 x} dx$ का मान ज्ञात कीजिए।
 - ख) i) $\int_0^{\pi/2} \frac{\sqrt{\sin x}}{\sqrt{\sin x} + \sqrt{\cos x}} dx$ का मान ज्ञात कीजिए।
 - ii) यदि वक्र $x^{2/3} + y^{2/3} = a^{2/3}$ का अभिलम्ब x-अक्ष से θ कोण बनाए तो सिद्ध कीजिए कि अभिलम्ब का समीकरण $y\cos\theta x\sin\theta = a\cos2\theta$ है।



8. Do any one part of the following :

a) Evaluate:
$$\int_0^{\pi} \frac{x \sin x}{1 + \cos^2 x} dx$$
.

8

b) i) Evaluate:
$$\int_0^{\pi/2} \frac{\sqrt{\sin x}}{\sqrt{\sin x} + \sqrt{\cos x}} dx$$
.

- i) If the normal of the curve $x^{2/3} + y^{2/3} = a^{2/3}$ makes an angle θ with x-axis, prove that the equation of the normal is $y\cos\theta x\sin\theta = a\cos 2\theta$.
- 9. निम्नलिखित में से किसी एक खण्ड को हल कीजिए :
 - क) , आलेखीय विधि द्वारा निम्न रैखिक प्रोग्रामन समस्या को निम्नीलेखित व्यवरोधों के अन्तर्गत
 हल कीजिए :

 $x+3y \le 60, x+y \ge 10.$

x≤ y, x≥0 और y≥ 0

Q

ख) प्रारंभिक रूपान्तरणों के द्वारा आव्यूह
$$A = \begin{bmatrix} 2 & 0 & -1 \\ 5 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 3 \end{bmatrix}$$
 का व्युत्क्रम ज्ञात कीजिए। 8

- 9. Do any one part of the following:
 - a) Solve the following linear programming problem by graphical method, under the following constraints:

 $x+3y \le 60, x+y \ge 10.$

 $x \le y$, $x \ge 0$ and $y \ge 0$

Find the minimum and maximum values of Z=3x+9y.

b) Find the inverse of the matrix $A = \begin{bmatrix} 2 & 0 & -1 \\ 5 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 3 \end{bmatrix}$ by elementary transformations.

324(AX) - 1,15,000

https://www.upboardonline.com Whatsapp @ 9300930012 Send your old paper & get 10/-अपने पुराने पेपर्स भेजे और 10 रुपये पायें,

Paytm or Google Pay से

